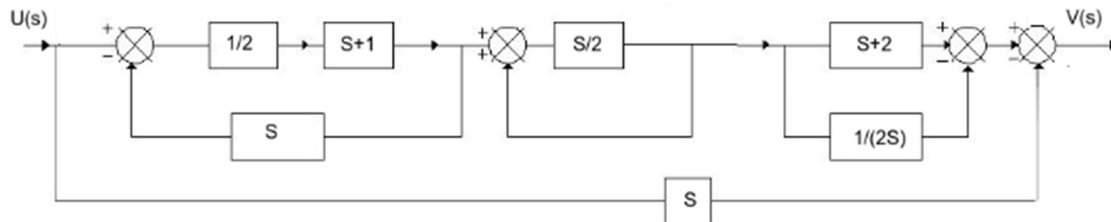


Un proceso de fabricación de piezas viene determinado por el siguiente diagrama de bloques:



Determinar la función de transferencia total del sistema $V(s)/U(s)$

Aplicaremos las reglas de reducción de diagramas de bloques para obtener la función de transferencia equivalente, para lo que analizamos la estructura del sistema en primer lugar:

1. Tres bloques en serie con realimentaciones locales.
 - a. Bloque 1. Entrada $U(s)$, un sumador con realimentación negativa, en cuyo camino directo hay dos bloques en serie.
 - b. Bloque 2. Sumador con realimentación positiva con y bloque en su camino directo.
 - c. Bloque 3. Sumador con realimentación negativa en cuyo camino directo hay dos bloques en paralelo (no hay realimentación)
2. Sumador con realimentación negativa que añade la señal s desde la entrada a la salida. No hay realimentación, es una señal que se añade.

Comenzamos paso a paso con las reducciones:

- Reducción del primer lazo. Como tiene realimentación negativa:

$$\frac{G}{1 + G \cdot H}$$

Luego tenemos que:

$$G_1 = \frac{\frac{1}{2} \cdot (s + 1)}{1 + \frac{1}{2} \cdot (s + 1) \cdot s} = \frac{s + 1}{s^2 + s + 2}$$

- Reducción del lazo central:

$$\frac{G}{1 - G}$$

$$G_2 = \frac{\frac{s}{2}}{1 - \frac{s}{2}} = \frac{s}{2 - s}$$

- Reducción del lazo derecho. Aquí simplemente hay dos bloques en paralelo que el comparador resta.

$$G_3 = (s + 2) - \frac{1}{2s} = \frac{2s^2 + 4s - 1}{2s}$$

- El camino directo por tanto se compone de tres bloques en serie, que multiplicamos:

$$\begin{aligned} G &= G_1 \cdot G_2 \cdot G_3 = \frac{s + 1}{s^2 + s + 2} \cdot \frac{s}{2 - s} \cdot \frac{2s^2 + 4s - 1}{2s} = \\ &= \frac{2s^3 + 6s^2 + 3s - 1}{-2s^3 + 2s^2 + 8} \end{aligned}$$

- Le añadimos (signo negativo en el sumador) la señal que viene desde U(s) a través del bloque s hasta V(s)

$$\frac{V(s)}{U(s)} = \frac{2s^3 + 6s^2 + 3s - 1}{-2s^3 + 2s^2 + 8} - s = \frac{2s^4 + 6s^2 - 5s - 1}{-2s^3 + 2s^2 + 8}$$